

# fenêtrage

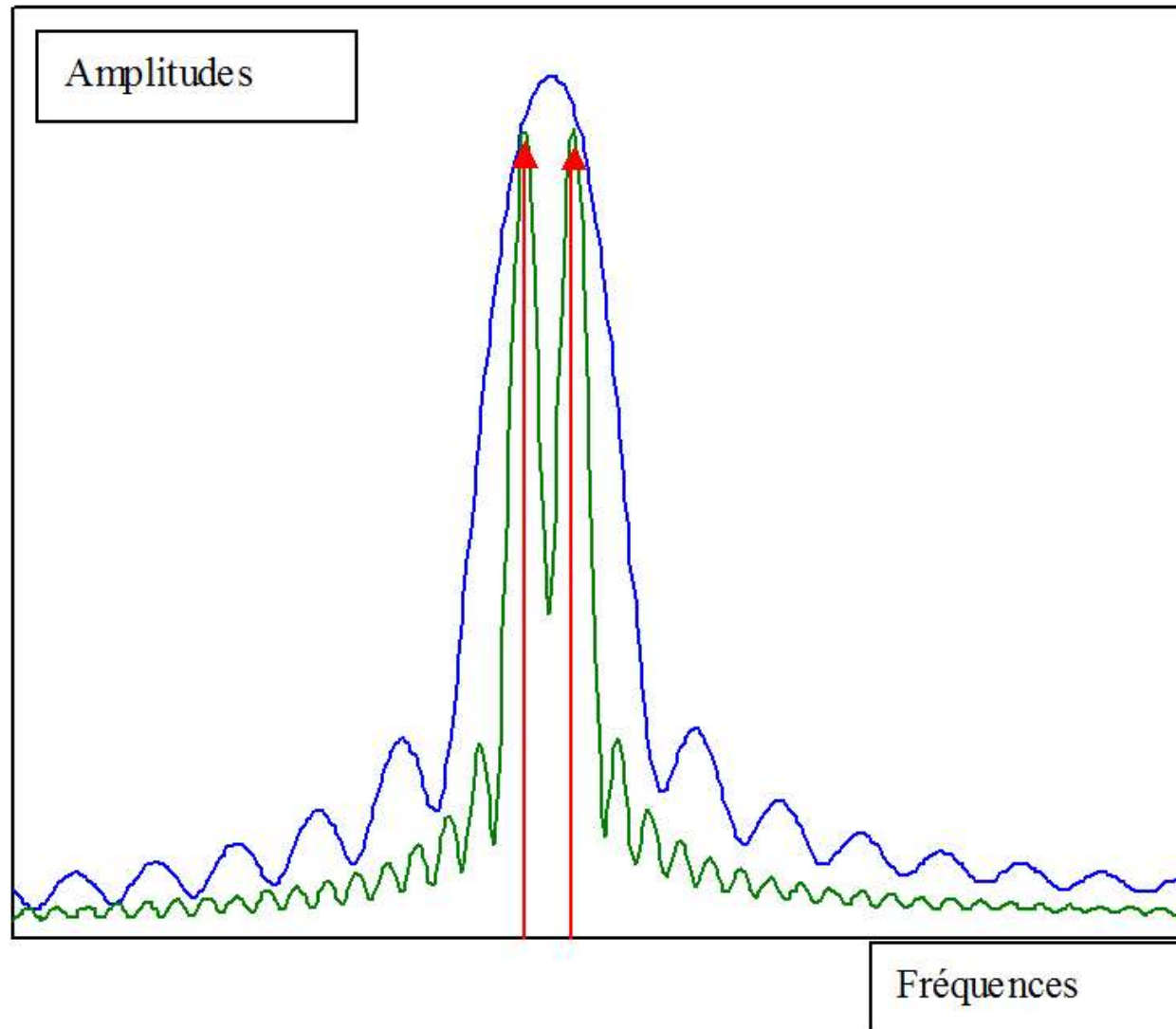
**L'objectif principal (et quasi unique) des fenêtres d'apodisation est d'améliorer la lisibilité des représentations fréquentielles.**

... mais Le calcul numérique est réalisé dans le domaine temporel par un produit scalaire (terme à terme) entre le signal et la fenêtre.

$$\begin{aligned}w[n] &= 0 \quad \forall n \notin \{0 \dots N - 1\} \\x_w[n] &= x[n].w[n] \\ \widehat{x}_w(f) &= \widehat{x}(f) \otimes \widehat{w}(f)\end{aligned}$$

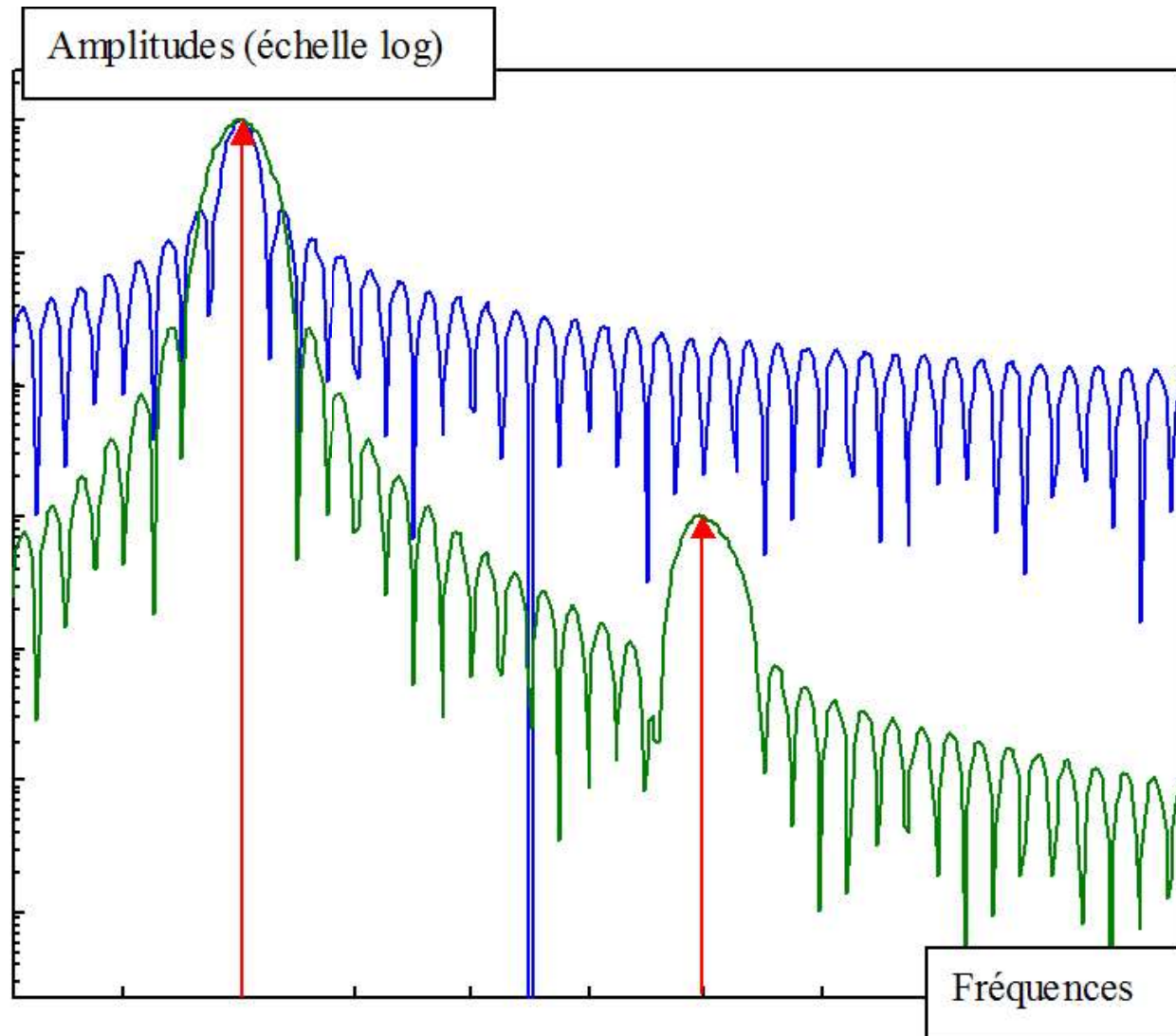
Le fenêtrage est un produit scalaire dans le domaine temporel et un produit de convolution dans le domaine fréquentiel : c'est le contraire pour le filtrage.

# Pouvoir séparateur des fenêtres



Rôle de la largeur du lobe principal

# Pouvoir de détection des fenêtres

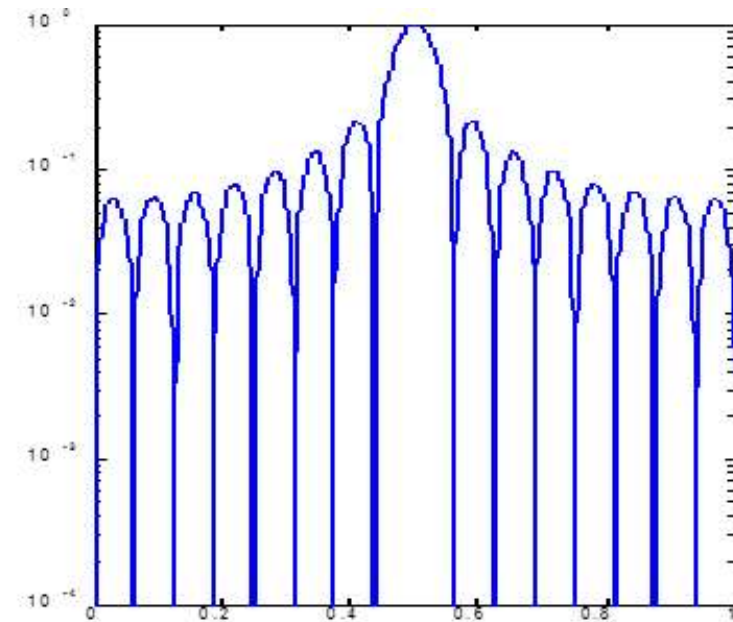
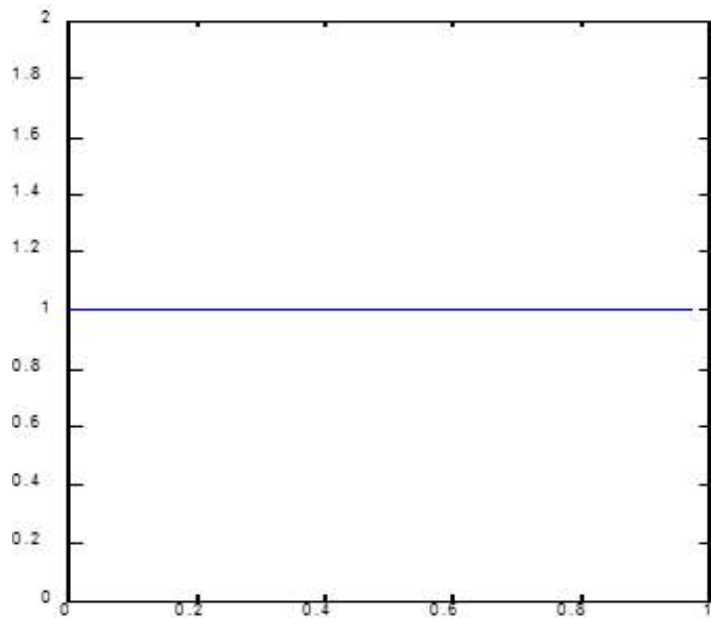


Rôle de la remontée des lobes secondaires

# fenêtrage : fenêtre rectangulaire

Fenêtre rectangulaire (Uniforme, boxcar ...transient) :

$$w(t) = 1$$

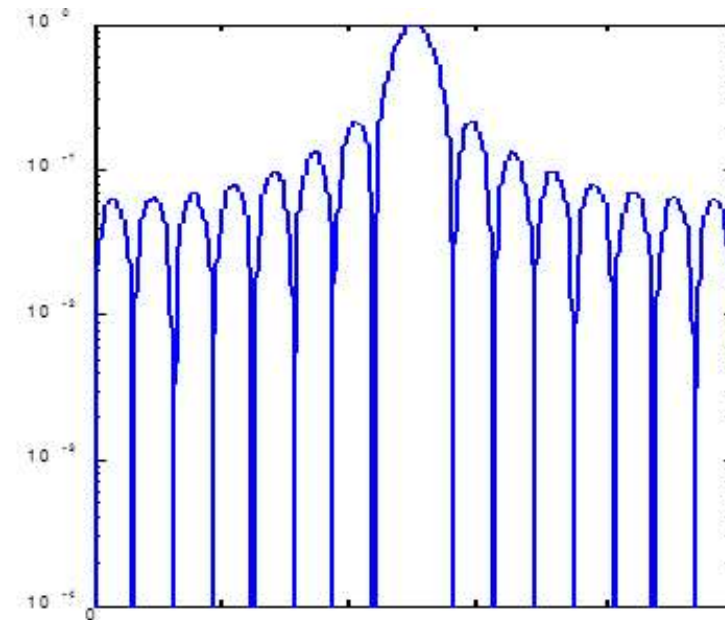
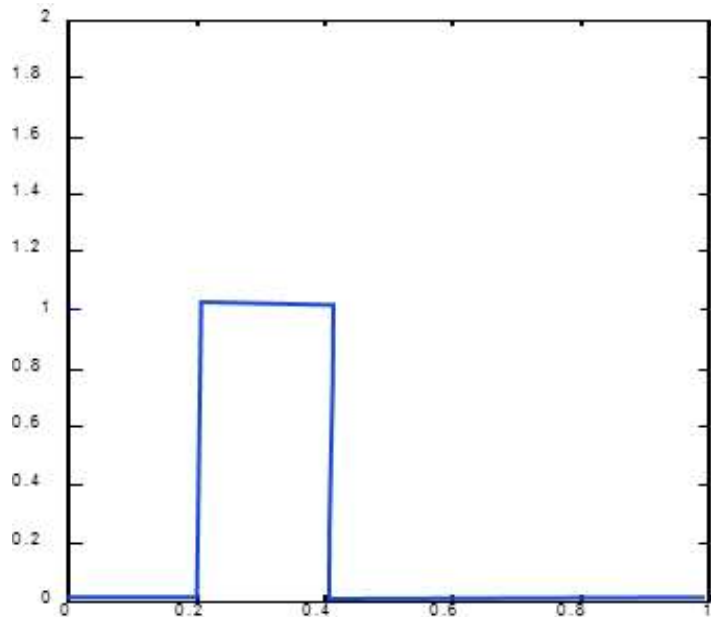


Pour des signaux périodiques de période parfaitement connue.

# fenêtrage : fenêtre rectangulaire paramétrée

Fenêtre rectangulaire paramétrée (transitoire, transient ...) :

$$\Pi_{\tau} \left( t - t_0 - \frac{\tau}{2} \right)$$

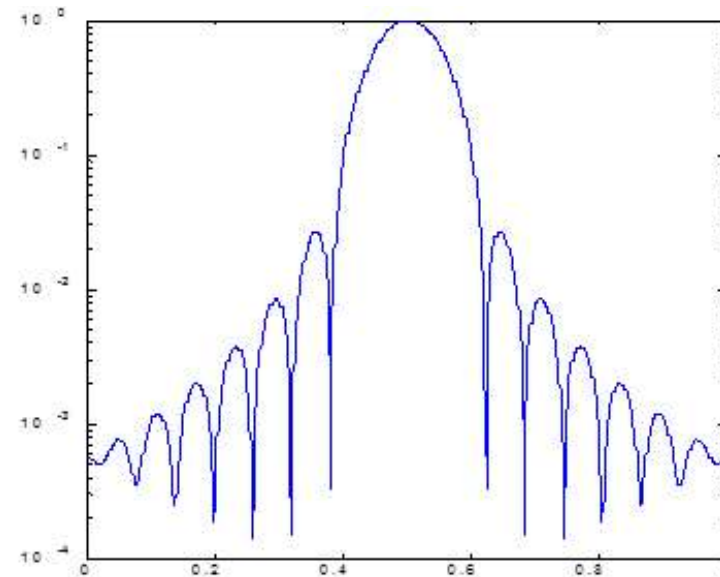
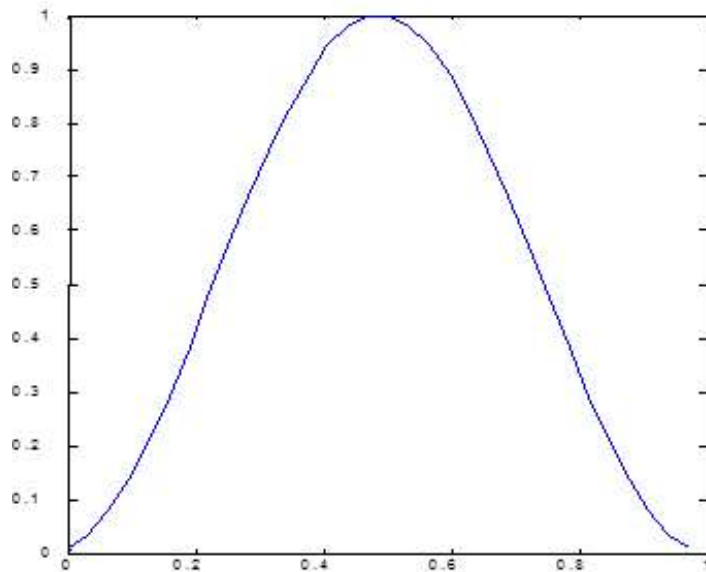


Dans le cas d'un début décalé et d'une longueur différente de la durée d'analyse : signaux transitoires courts, chocs ...

# fenêtrage : fenêtre de Hanning 1/2

Fenêtre de Hanning :

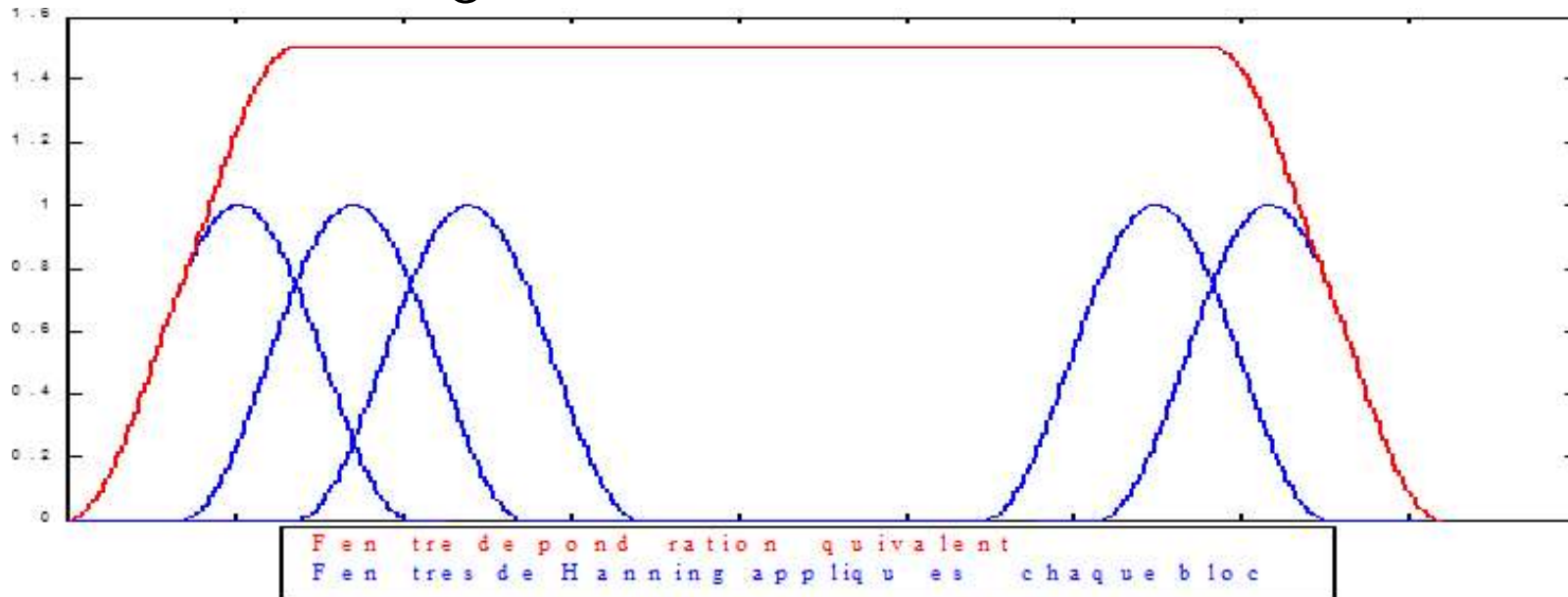
$$w(t) = 1 - \cos\left(\frac{2\pi t}{T}\right)$$



Pour des signaux aléatoires, périodiques de période connue avec incertitude, machines tournantes (... presque tout sauf les transitoires courts)

# fenêtrage : fenêtre de Hanning 2/2

Fenêtre de Hanning :

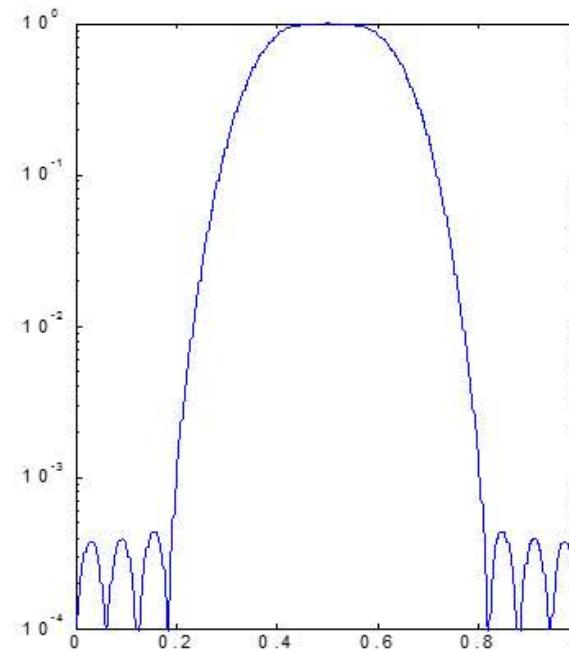
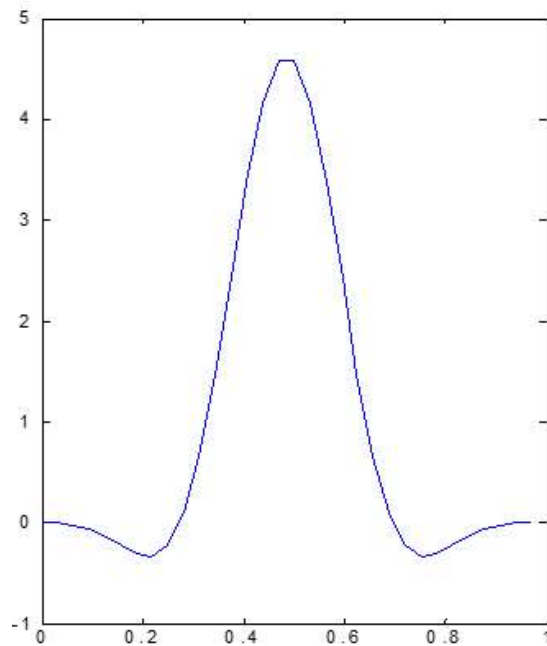


Utilisée avec des techniques de moyennage et de chevauchement de type  $n/(n+1)$ . Rapidité de convergence vers la partie déterministe. Prise en compte d'évènements isolés (courts).

# fenêtrage : fenêtre Flat-Top 1/2

Fenêtre Flattop :

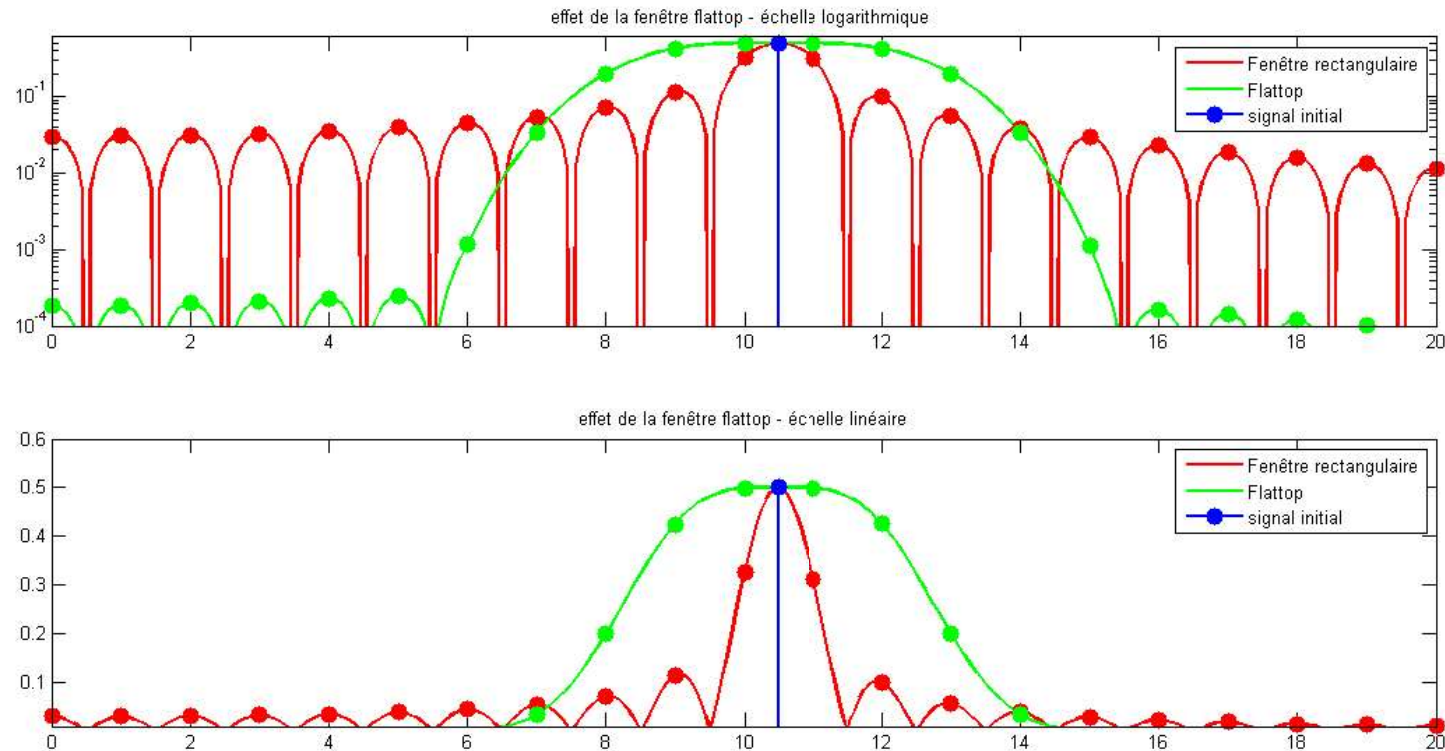
$$w(t) = 1 - 1,93 \cdot \cos\left(\frac{2\pi t}{T}\right) + 1,29 \cdot \cos\left(\frac{4\pi t}{T}\right) - 0,388 \cdot \cos\left(\frac{6\pi t}{T}\right) + 0,0322 \cdot \cos\left(\frac{8\pi t}{T}\right)$$



Précision de la mesure d'amplitude pour les signaux périodiques,  
calibration de capteur, qualification matériel sous excitation périodique de  
période connue avec incertitude



# fenêtrage : fenêtre Flat-Top 2/2

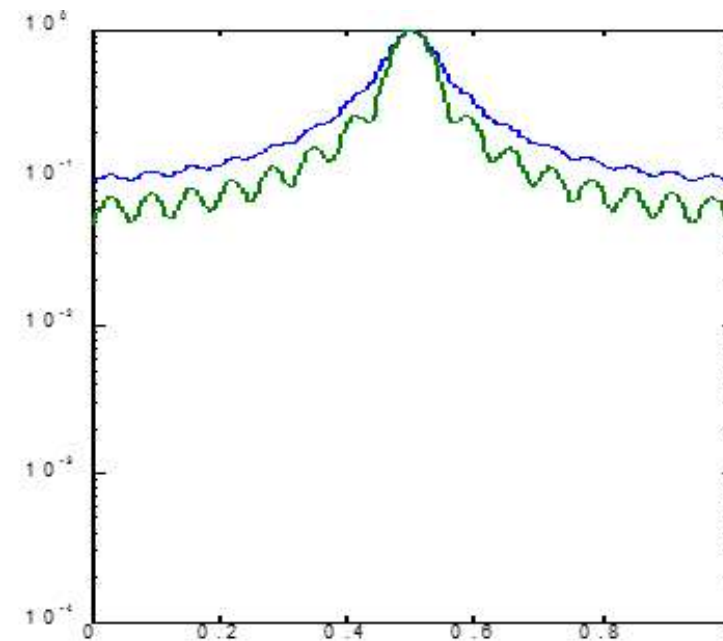
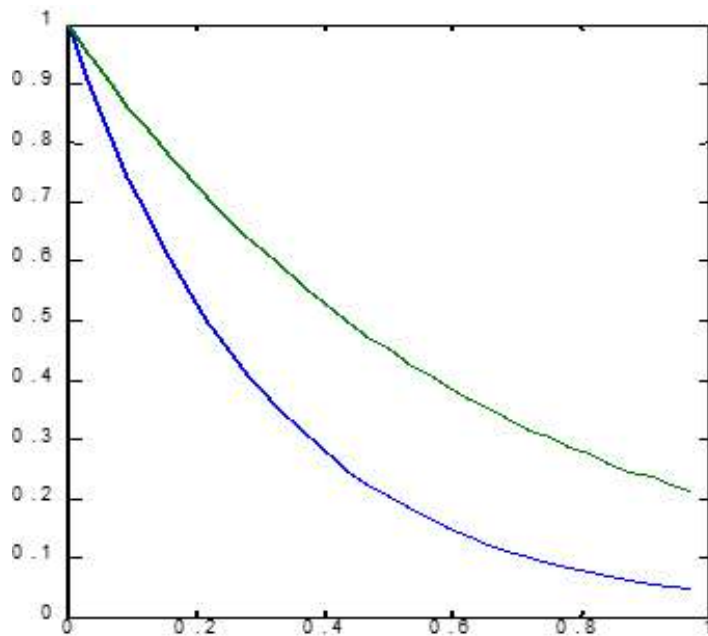


Précision de la mesure d'amplitude pour les signaux périodiques,  
calibration de capteur, qualification matériel sous excitation périodique de  
période connue avec incertitude.

# fenêtrage : fenêtre Exponentielle

Fenêtre Exponentielle :

$$w(t) = e^{-\delta(t-t_0)}$$



Effet de lissage des FRF. Analyse Modale . Amortissement induit mais pouvant être corrigé.

# rappels sur les outils d'analyse des systèmes non idéaux

Les systèmes non idéaux peuvent présenter des non linéarités, des bruits d'observation et des bruits d'état.

## Les outils issus de l'analyse des systèmes linéaires

Le spectre unilatéral :

$$G_x[k] = \begin{cases} S_x[k] & \text{pour } k = 0 \\ 2.S_x[k] & \text{pour } 1 \leq k \leq \frac{N}{2} - 1 \\ 0 & \text{pour } \frac{N}{2} \leq k \leq N - 1 \end{cases}$$

*(en lien avec le prochain cours sur la transformée de Hilbert)*

# Processus récursif des "moyennes"

Moyenne linéaire (classique) :

$$\overline{X}_n = \left(1 - \frac{1}{n}\right) \overline{X}_{n-1} + \frac{x_n}{n}$$

Moyenne exponentielle (le droit à l'oubli - réglages, non stationnarité faible, évènements non significatifs isolés) :

$$\overline{X}_n = (1 - \xi) \overline{X}_{n-1} + \xi \cdot x_n$$

Mémoire de crête ((Peak hold) - sinus modulés (sweep...), machines tournantes) :

$$\overline{X}_n^M = \max \left\{ \overline{X}_{n-1}^M, x_n \right\}$$

# Les estimateurs de la fonction de transfert

L'autospectre :

$$\overline{G_{xx}[k]} = \overline{G_x^*[k].G_x[k]} = \overline{|G_x[k]|^2}$$

L'interspectre :

$$\overline{G_{xy}[k]} = \overline{G_x^*[k].G_y[k]}$$

H1 :

$$H_1[k] = \frac{\overline{G_{xy}[k]}}{\overline{G_{xx}[k]}}$$

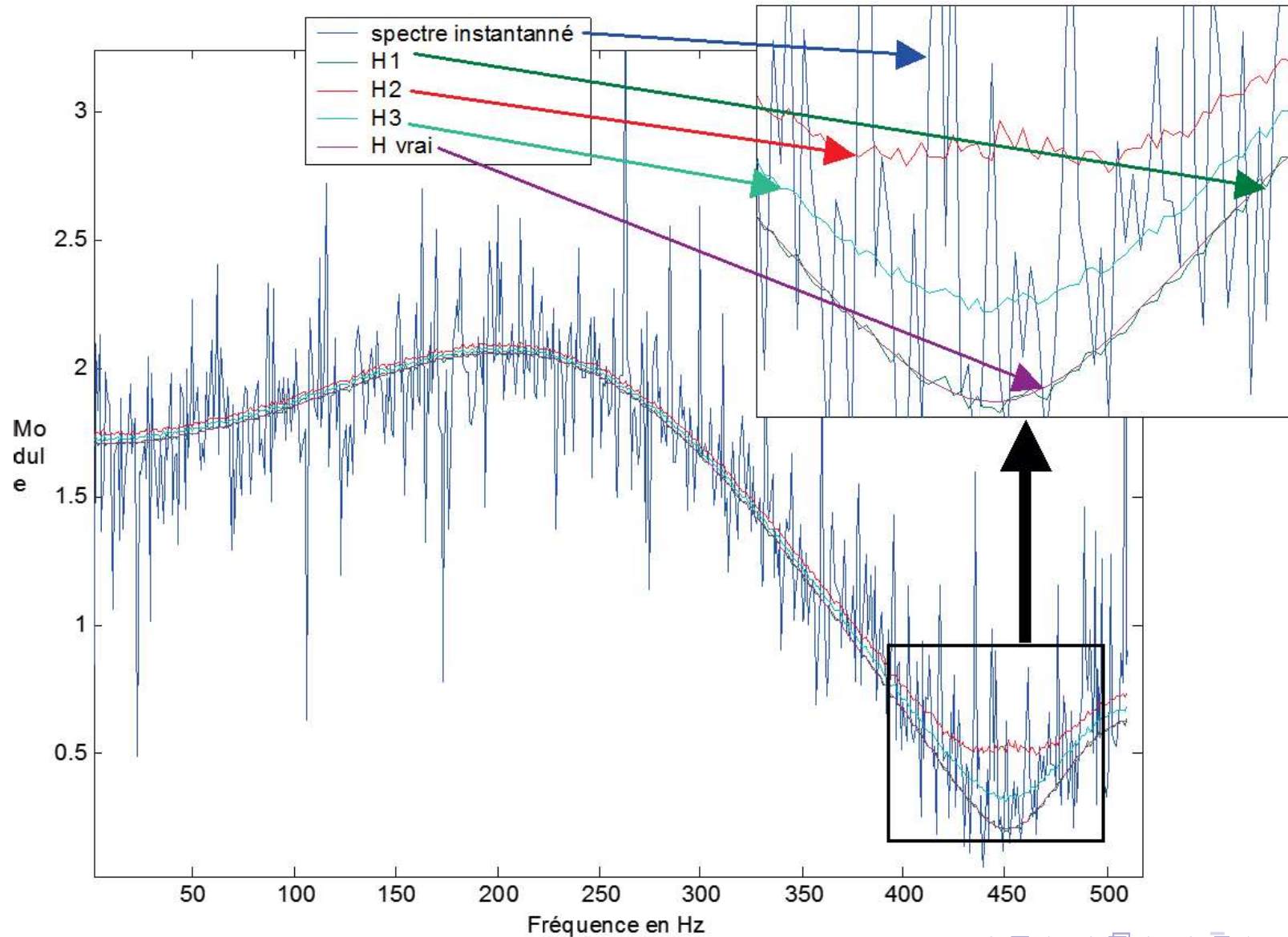
H2 :

$$H_2[k] = \frac{\overline{G_{yy}[k]}}{\overline{G_{yx}[k]}}$$

La Cohérence :

$$\gamma^2[k] = \frac{|\overline{G_{xy}[k]}|^2}{\overline{G_{xx}[k]}. \overline{G_{yy}[k]}} = \frac{H_1[k]}{H_2[k]}$$
$$0 \leq \gamma^2[k] \leq 1$$

# Les estimateurs de la fonction de transfert (démonstration)



# Supervision des estimateurs de la fonction de transfert (démonstration)

